

Практическая работа №2: Моделирование центра массового обслуживания

Цель работы

Изучение модели обслуживания заявок с неограниченной очередью.

Основные теоретические положения

Дана следующая модель системы обслуживания, представленная на рис. 1.



Назовём потоком заявок (обслуживания) такой процесс, который генерирует (обслуживает) заявки в случайный момент времени. Соответственно, интенсивностью потока назовём среднее количество событий потока, происходящих в единицу времени.

Пусть поток заявок имеет интенсивность, равную λ , а поток обслуживания – μ , причём, $\mu > \lambda$. Приведённой интенсивностью ρ назовём отношение интенсивностей потоков и заявок обслуживания: $\rho = \frac{\lambda}{\mu}$. Время нахождения заявки в системе складывается из времени ожидания в очереди и среднего времени обслуживания. Среднее время обслуживания одной заявки очевидно выражается через интенсивность потока обслуживания, а также через математическое ожидание случайной величины – времени, когда заявка в системе будет обработана: $\bar{t}_{\text{об}} = \frac{1}{\mu} = \int \lim_{t \rightarrow \infty} f(t) dt$, где $f(t)$ – плотность закона распределения случайной величины в потоке обслуживания.

Отношение корня дисперсии времени обслуживания к его среднему называется коэффициентом вариации времени обслуживания: $\vartheta = \frac{\sigma_{t_{\text{об}}}}{\bar{t}_{\text{об}}} = \frac{1}{\bar{t}_{\text{об}}} \sqrt{\int_{\mathbb{R}} t^2 f(t) dt - \bar{t}_{\text{об}}^2}$. С помощью этого коэффициента вариации можно теоретически рассчитать среднее число заявок в очереди и среднее время ожидания в очереди: $\bar{r} = \frac{\rho^2(1 + \vartheta^2)}{2(1 - \rho)}$, $\bar{t}_{\text{ож}} = \frac{\rho^2(1 + \vartheta^2)}{2\lambda(1 - \rho)}$. Очевидно, что среднее время ожидания в очереди может быть вычислено с помощью деления среднего числа заявок в очереди на среднюю скорость обработки (интенсивность потока заявок λ).

Постановка задачи

Необходимо смоделировать систему обслуживания заявок с неограниченной очередью с пуассоновским потоком заявок (время отправки сообщения – случайная величина, распределенная по экспоненциальному закону) и тремя различными потоками обслуживания (время обслуживания – случайная величина, распределенная по равномерному, показательному или треугольному закону). Провести эксперимент и выяснить практические характеристики модели. Провести теоретический расчет этих параметров. Оценить результаты.

Порядок выполнения работы

1. Используя пакет GPSS составить программу и провести моделирование центра массового обслуживания (ЦМО).
2. Провести исследования для экспоненциального закона следования заявок на входе и трех законов распределения интервалов обслуживания (равномерного, экспоненциального и треугольного). Для каждой пары законов распределения (заявок и обслуживания) провести исследование для двух значений приведенной интенсивности ρ_1 , ρ_2 , ($0 < \rho_i < 1$), а также для двух значений количества заявок N , проходящих через систему.
3. Получить в результате моделирования основные характеристики ЦМО и оформить их в виде таблиц:
 - максимальную длину очереди, QM;
 - среднюю длину очереди, QA;
 - число заявок, поступивших на обслуживание без очереди, QZ;
 - среднее время пребывания заявки в очереди, включая нулевые входы, QT;
 - среднее время пребывания заявки в очереди (без нулевых входов), QX.
4. Получить в результате моделирования характеристики по устройству:
 - коэффициент загрузки, FR;
 - среднее время обслуживания заявки, FT.
5. Получить таблицу значений количества заявок в зависимости от времени пребывания в очереди.
6. Рассчитать теоретические значения основных характеристик ЦМО (среднее время пребывания заявки в очереди, среднее время обслуживания заявки).
7. Оценить время переходного процесса по полученным теоретическим и практическим значениям среднего времени пребывания заявки в очереди (для этого провести больше опытов при разных N).
8. Провести 10 экспериментов (на одном наборе данных) для экспоненциальных законов следования заявок на входе и обслуживания, рассчитать среднее время ожидания заявки в очереди и СКО.
9. Сравнить теоретические и практические результаты (объяснить и обосновать), рассчитав доверительные интервалы для исследуемых характеристик СМО.

Варианты заданий

№ варианта	Значение ρ_i		Значение N_i	
1	0.50	0.70	1000	50000
2	0.55	0.90	1500	40000
3	0.45	0.80	2000	55000
4	0.40	0.75	1500	45000
5	0.45	0.85	1750	47500
6	0.40	0.70	1000	55000
7	0.50	0.65	2000	50000
8	0.60	0.80	1000	55000
9	0.60	0.85	1500	47500
10	0.55	0.75	1000	47500

Содержание отчёта

- Цель работы.
- Краткое изложение основных теоретических понятий.
- Постановка задачи с кратким описанием порядка выполнения работы.
- Результаты моделирования с использованием программы.
- Необходимые рисунки и таблицы с краткими выводами.
- Общий вывод по проделанной работе.
- Код программы.

Пример выполнения работы

[task2.GPS](#)

```
10      SIMULATE
15      RMULT 10
20 VAR1  FVARIABLE  -10#LOG((RN1+1)/1000)
25 VAR2  FVARIABLE  -8#LOG((RN1+1)/1000)
30      GENERATE  V$VAR1
42 STR1  STORAGE    3
45      GATE SNF    STR1,L1
50      ENTER     STR1,1
60      SEIZE     1
75      ADVANCE   V$VAR2
80      LEAVE     STR1,1
90      RELEASE   1
95      TRANSFER  ,L2
100 L1    SAVEVALUE 1+,1
120 L2    TERMINATE 1
125      START    10
140      SHOW     X1
143      SHOW     FT1
147      SHOW     FR1
150      SHOW     SM$STR1
160      SHOW     SA$STR1
165      SHOW     SC$STR1
170      SHOW     ST$STR1
175      SHOW     SR$STR1
```

From:

<http://se.moevm.info/> - **se.moevm.info**

Permanent link:

http://se.moevm.info/doku.php/courses:system_analysis_modeling_and_optimization:task2?rev=1563530036

Last update: **2022/12/10 09:08**